

# Tipus recursius de dades, II

Ricard Gavaldà

Programació 2

Facultat d'Informàtica de Barcelona, UPC

Primavera 2019

Aquesta presentació no substitueix els apunts

# Contingut

Implementació de llistes

Llistes doblement encadenades amb sentinella

Implementació dels arbres binaris

# Implementació de llistes

# Implementació de Llista

En aquest curs no implementarem els iteradors de manera general

Implementarem *l·listes amb punt d'interès*

Funcionalitats similars, algunes restriccions

## Novetat tipus llista: punt d'interès

Podem:

- ▶ Desplaçar endavant i enrere el punt d'interès
- ▶ Afegir i eliminar just al punt d'interès
- ▶ Consultar i modificar l'element al punt d'interès
  
- ▶ Implementació: atribut (privat) de tipus apuntador a node
- ▶ Modularitat: punt d'interès part del tipus, no tipus apart
- ▶ Efecte lateral: queda modificat si es modifica en una funció que rep la llista per referència no const

## Definició classe Llista, I

```
template <class T> class Llista {
private:
    struct node_llista {
        T info;
        node_llista* seg;
        node_llista* ant;
    };
    int longitud;
    node_llista* primer_node;
    node_llista* ultim_node;
    node_llista* act;           // apuntador a punt d'interès
    ... // especificació i implementació d'operacions privades
public:
    ... // especificació i implementació d'operacions públiques
};
```

## Definició classe `Llista`, II

- ▶ Apuntadors per accés ràpid a següent, anterior, primer i darrer, i punt d'interès
- ▶ `act == nullptr` vol dir “punt d'interès sobre l'element fictici posterior a l'últim”
- ▶ Conveni llista buida: longitud zero i els tres apuntadors (`primer_node`, `ultim_node` i `act`) nuls
- ▶ Llista amb un element: longitud 1 i únic altre cas en què `primer_node == ultim_node`
- ▶ “cap a la dreta” == cap a l'últim; “cap a l'esquerra” == cap al primer; “a la dreta de tot” == sobre l'element fictici del final

# Constructores i destructora

```
Llista() {  
    longitud = 0;  
    primer_node = nullptr;  
    ultim_node = nullptr;  
    act = nullptr;  
}
```

```
Llista(const Llista& original) {  
    longitud = original.longitud;  
    primer_node = copia_node_llista(original.primer_node, original.act,  
                                    ultim_node, act);  
}
```

```
~Llista() {  
    esborra_node_llista(primer_node);  
}
```



## Copiar cadena de nodes

```
static node_llista* copia_node_llista(  
    node_llista* m, node_llista* oact,  
    node_llista* &u, node_llista* &a);  
/* Pre: cert */  
/* Post: si m és nullptr, el resultat, u i a són nullptr;  
en cas contrari, el resultat apunta al primer node d'una cadena de nodes  
que són còpia de de la cadena que té el node apuntat per m com a primer,  
u apunta a l'últim node,  
i a és o bé nullptr si oact no apunta a cap node de la cadena que  
comença amb m, o bé apunta al node còpia del node apuntat per oact */
```

## Copiar cadena de nodes

```
static node_llista* copia_node_llista(  
    node_llista* m, node_llista* oact,  
    node_llista* &u, node_llista* &a) {  
    if (m == nullptr) { u = nullptr; a = nullptr; return nullptr; }  
    else {  
        node_llista* n = new node_llista;  
        n->info = m->info;  
        n->ant = nullptr;  
        n->seg = copia_node_llista(m->seg, oact, u, a);  
        if (n->seg != nullptr) (n->seg)->ant = n;  
        if (n->seg == nullptr) u = n;  
        // else, u es el que hagi retornat la crida recursiva  
        // es podria fer com a "else"  
        if (m == oact) a = n;  
        // else, a es el que hagi retornat la crida recursiva  
        return n;  
    }  
}
```

## Esborrar cadena de nodes

```
static void esborra_node_llista(node_llista* m) {
/* Pre: cert */
/* Post: no fa res si m és nullptr, en cas contrari,
        allibera espai dels nodes de la cadena que té
        el node apuntat per m com a primer */
    if (m != nullptr) {
        esborra_node_llista(m->seg);
        delete m;
    }
}
```

Exercici: La versió iterativa

## Redefinició de l'assignació

```
Llista& operator=(const Llista& original) {  
    if (this != &original) {  
        longitud = original.longitud;  
        esborra_node_llista(primer_node);  
        primer_node = copia_node_llista(original.primer_node,  
                                        original.act, ultim_node, act);  
    }  
    return *this;  
}
```

# Modificadores I

```
void l_buida() {  
    esborra_node_llista(primer_node);  
    longitud = 0;  
    primer_node = nullptr;  
    ultim_node = nullptr;  
    act = nullptr;  
}
```

## Modificadores II

```
void afegir(const T& x) {
/* Pre: cert */
/* Post: el p.i. és com el seu valor original, però amb x
afegit a l'esquerra del punt d'interès */
    node_llista* aux = new node_llista;
    aux->info = x;
    aux->seg = act;
    if (longitud == 0) { // la llista es buida
        aux->ant = nullptr;
        primer_node = aux;
        ultim_node = aux;
    } else if (act == nullptr) {
        aux->ant = ultim_node;
        ultim_node->seg = aux;
        ultim_node = aux;
    }
    ...
}
```

## Modificadores III

(continuació)

```
    else if (act == primer_node) {
        aux->ant = nullptr;
        act->ant = aux;
        primer_node = aux;
    } else {
        aux->ant = act->ant;
        (act->ant)->seg = aux;
        act->ant = aux;
    }
    ++longitud;
}
```

## Modificadores IV

```
void eliminar() {  
/* Pre: el p.i. és una llista no buida i el seu punt d'interès  
       no és a la dreta de tot */  
/* Post: El p.i. és com el p.i. original sense l'element on estava  
       el punt d'interès i amb el nou punt d'interès un element  
       més cap a la dreta */  
  
node_llista* aux;  
aux = act; // conserva l'accés al node actual  
if (longitud == 1) {  
    primer_node = nullptr;  
    ultim_node = nullptr;  
} else if (act == primer_node) {  
    primer_node = act->seg;  
    primer_node->ant = nullptr;  
}  
...  
}
```



# Modificadores V

(continuació)

```
...
else if (act == ultim_node) {
    ultim_node = act->ant;
    ultim_node->seg = nullptr;
}
else {
    (act->ant)->seg = act->seg;
    (act->seg)->ant = act->ant;
}
act = act->seg; // avança el punt d'interès
delete aux; // allibera l'espai de l'element esborrat
--longitud;
}
```

## Modificadores VI

Interès: concatenació més eficient que la basada en afegir

```
void concat(Llista& l) {
/* Pre: l = L */
/* Post: el p.i. té els seus elements originals seguits pels de L,
l és buida, i el punt d'interès del p.i. és al primer element */
  if (l.longitud > 0) { // si la llista l és buida no cal fer res
    if (longitud == 0) {
      primer_node = l.primer_node;
      ultim_node = l.ultim_node;
      longitud = l.longitud;
    } else {
      ultim_node->seg = l.primer_node;
      (l.primer_node)->ant = ultim_node;
      ultim_node = l.ultim_node;
      longitud += l.longitud;
    }
    l.primer_node = l.ultim_node = l.act = nullptr;
    l.longitud = 0;
  }
  act = primer_node;
}
```

# Consultores

```
bool es_buida() const {  
    return primer_node == nullptr;  
}
```

```
int mida() const {  
    return longitud;  
}
```

## Noves operacions per a consultar i modificar l'element actual

```
T actual() const { // equival a consultar *it
/* Pre: el p.i. és una llista no buida i el seu punt d'interès
        no està sobre l'element fictici del final */
/* Post: el resultat és l'element al punt d'interès del p.i. */
    return act->info;
}

void modifica_actual(const T &x) { // equival a fer *it = x
/* Pre: el p.i. és una llista no buida i el seu punt d'interès no està
        a la dreta de tot*/
/* Post: el p.i. és com el seu valor original, però amb x reemplaçant
        l'element actual */
    act->info = x;
}
```

## Noves operacions per a moure el punt d'interès l

```
void inici() { // equival a fer it = l.begin()
/* Pre: cert */
/* Post: el punt d'interès del p.i. està situat a sobre del primer
    element de la llista, o a la dreta de tot si la llista és buida */
    act = primer_node;
}

void fi() { // equival a fer it = l.end()
/* Pre: cert */
/* Post: el punt d'interès del p.i. està situat
    sobre l'element fictici del final */
    act = nullptr;
}
```

## Noves operacions per a moure el punt d'interès II

```
void avanca() { // equival a fer ++it
/* Pre: el punt d'interès del p.i. no està a la dreta de tot */
/* Post: el punt d'interès del p.i. està situat una posició més
    cap a la dreta que el seu al valor original */
    act = act->seg;
}
```

```
void retrocedeix() { // equival a fer --it
/* Pre: el punt d'interès del p.i. no és el primer element */
/* Post: el punt d'interès del p.i. està situat una posició
    més a l'esquerra que al valor original del p.i. */
    if (act == nullptr) act = ultim_node;
    else act = act->ant;
}
```

## Noves operacions per a moure el punt d'interès III

```
bool dreta_de_tot() const { // equival a comparar it == l.end()
/* Pre: cert */
/* Post: el resultat indica si el punt d'interès
        del p.i. és a la dreta de tot */
    return act == nullptr;
}

bool sobre_el_primer() const { // equival a comparar it == l.begin()
/* Pre: cert */
/* Post: si el p.i. no és buit, el resultat indica si el punt d'interès és
        damunt el primer element del p.i.; si és buit indica si el
        punt d'interès si està a la dreta de tot */
    return act == primer_node;
}
```

Listes doblement encadenades amb sentinella



# Llistes doblement encadenades amb sentinella

Implementació de llistes amb sentinella:

- ▶ Node extra; no conté cap element real
- ▶ Objectiu: simplificar el codi d'algunes operacions com ara afegir i eliminar
- ▶ L'estructura mai té apuntadors amb valor null. El sentinella fa el paper que tenien aquests

# Llistes amb sentinella

Llista buida:

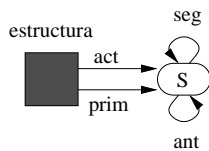
- ▶ següent i anterior del sentinella = sentinella

Llista no buida:

- ▶ següent del sentinella = primer de la llista
- ▶ anterior del sentinella = darrer de la llista
- ▶ sentinella = anterior del primer
- ▶ sentinella = següent del darrer

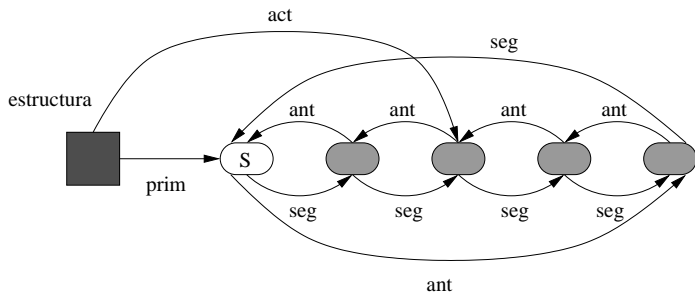
# Listes amb sentinella

Llista buida:



# Esquema estructura interna llistes doblement encadenades amb sentinella

Llista no buida:



## Implementació dels arbres binaris

## Definició de la classe `Arbre`

No coincideix amb la classe `BinTree`

Principals operacions:

- ▶ `a.plantar(x, a1, a2)`: Demana que `a` sigui buit, i sigui objecte diferent d'`a1` i `a2`. Deixa `a1` i `a2` buits.
- ▶ `a.fills(a1, a2)`: Demana que Deixa `a1` i `a2` siguin buits, i tots tres objectes `a`, `a1` i `a2` han de ser objectes diferents.

Això fa que per recorre un arbre s'hagi de “desmuntar”. Sovint ineficient.

Inconvenient solucionat a `BinTree` amb *smart pointers* de C++, que no són part de l'assignatura.

## Definició de la classe Arbre

- ▶ struct del node conté dos apuntadors a node
- ▶ **Arbre buit** = atribut primer\_node és nul

```
template <class T> class Arbre {
    private:
        struct node_arbre {
            T info;
            node_arbre* segE;
            node_arbre* segD;
        };
        node_arbre* primer_node;
        ... // especificació i implementació d'operacions privades
    public:
        ... // especificació i implementació d'operacions públiques
};
```

## Constructores i destructora

```
Arbre() {  
    /* Pre: cert */  
    /* Post: el p.i. és un arbre buit */  
    primer_node = nullptr;  
}  
  
Arbre(const Arbre& original) {  
    /* Pre: cert */  
    /* Post: el p.i. és una còpia d'original */  
    primer_node = copia_node_arbre(original.primer_node);  
}  
  
~Arbre() {  
    esborra_node_arbre(primer_node);  
}
```



## Copiar jerarquies de nodes

```
static node_arbre* copia_node_arbre(node_arbre* m) {
/* Pre: cert */
/* Post: el resultat és nullptr si m és nullptr; si no, el resultat apunta
        al node arrel d'una jerarquia de nodes que és una còpia de
        la jerarquia de nodes que té el node apuntat per m com a arrel */
    if (m == nullptr) return nullptr;
    else {
        node_arbre* n = new node_arbre;
        n->info = m->info;
        n->segE = copia_node_arbre(m->segE);
        n->segD = copia_node_arbre(m->segD);
        return n;
    }
}
```

Notem l'operador = del tipus T usat com a una operació de còpia

## Esborrar jerarquies de nodes

```
static void esborra_node_arbre(node_arbre* m) {  
/* Pre: cert */  
/* Post no fa res si m és nullptr; en cas contrari,  
    allibera espai de tots els nodes de la jerarquia  
    que té el node apuntat per m com a arrel */  
    if (m != nullptr) {  
        esborra_node_arbre(m->segE);  
        esborra_node_arbre(m->segD);  
        delete m;  
    }  
}
```

## Operador d'assignació i modificadores l

```
Arbre& operator=(const Arbre& original) {
    if (this != &original) {
        esborra_node_arbre(primer_node);
        primer_node = copia_node_arbre(original.primer_node);
    }
    return *this;
}

void a_buit() {
    esborra_node_arbre(primer_node);
    primer_node = nullptr;
}
```

## Modificadores II

```
void plantar(const T &x, Arbre &a1, Arbre &a2) {
/* Pre: el p.i. és buit, a1 = A1, a2 = A2,
   a1 i a2 són objectes diferents del p.i. */
/* Post: el p.i. té x com a arrel, A1 com a fill esquerre i
   A2 com a fill dret; a1 i a2 són buits */
   node_arbre* aux = new node_arbre;
   aux->info = x;
   aux->segE = a1.primer_node;
   if (a2.primer_node != a1.primer_node or a2.primer_node == nullptr)
       aux->segD = a2.primer_node;
   else
       aux->segD = copia_node_arbre(a2.primer_node);
   primer_node = aux;
   a1.primer_node = nullptr;
   a2.primer_node = nullptr;
}
```

## Modificadores III

```
void fills(Arbre &fe, Arbre &fd) {  
/* Pre: el p.i. no està buit i li diem A;  
    fe, fd són buits i són objectes diferents */  
/* Post: fe és igual que el fill esquerre d'A, fd és igual que  
    el fill dret d'A, el p.i. és buit */  
    fe.primer_node = primer_node->segE;  
    fd.primer_node = primer_node->segD;  
    delete primer_node;  
    primer_node = nullptr;  
}
```

## Consultores

```
T arrel() const {  
  /* Pre: el p.i. no és buit */  
  /* Post: el resultat és l'arrel del p.i. */  
    return primer_node->info;  
}  
  
bool es_buit() const {  
  /* Pre: cert */  
  /* Post: el resultat indica si el p.i. és un arbre buit */  
    return primer_node == nullptr;  
}
```