

Tipus recursius de dades, I

Ricard Gavaldà

Programació 2

Facultat d'Informàtica de Barcelona, UPC

Primavera 2019

Aquesta presentació no substitueix els apunts

Contingut

Apuntadors i memòria dinàmica

Tipus recursius de dades: Noció, utilitat i definició

Piles i cues

Apuntadors i memòria dinàmica

Apuntadors

En C++, per a cada tipus `T` hi ha un altre tipus “apuntador a `T`”

Una variable de tipus “apuntador a `T`” pot contenir

- ▶ una referència a una variable o objecte de tipus `T`,
- ▶ o un valor especial `nullptr`
- ▶ o res sensat, si no ha estat inicialitzada

La referència pot estar implementada amb una adreça de memòria o d'altres maneres; és irrellevant a Programació 2

Operadors

1. `T* p`: Declaració de variable `p` com “apuntador a `T`”
2. `*p`: Objecte referenciat per la variable `p`
3. `->`: Composició de `*` i el `.` de `struct`
4. `&v`: Referència a `v`, de tipus “apuntador al tipus de `v`”
5. `new`, `delete`: Creació i destrucció de memòria dinàmica

Exemple

```
int x;  
int* p;  
p = &x;  
x = 5;  
cout << *p << endl; // escriu 5  
*p = 3;  
cout << x << endl; // escriu 3
```

Observacions

Error accedir a `*p` si no referencia cap objecte
és a dir, si `p == nullptr` o si `p` no inicialitzat

Observacions

```
Estudiant x;  
Estudiant *p;
```

- ▶ `x` sempre referenciarà el mateix objecte mentre viu
- ▶ `*p` pot anar referenciant diferents objectes quan canviem el valor de `*p`

- ▶ Quan fem `p = &x`, tenim un objecte amb dos noms, `*p` i `x`
- ▶ Això se'n diu *aliasing*. Molt útil però perillós

Exemple

```
int x = 1;
int y = 2;
int* p = &x;
int* q = &y;
cout << x << " " << y << endl; // escriu "1 2"
*q = *p;
cout << x << " " << y << endl; // escriu "1 1"
*q = 3;
cout << x << " " << y << endl; // escriu "1 3"
q = p;
*q = 4;
cout << x << " " << y << endl; // escriu "4 3"
// en aquest punt, x te tres noms: x, *p i *q
```

Preguntes

Declarem

```
int x; int* p; int* q;
```

És sempre cert que...

- ▶ `*(&x) == x`?
- ▶ `&(*p) == p`?
- ▶ `p == q` implica `(*p) == (*q)`?
- ▶ `(*p) == (*q)` implica `p == q`?

Apuntadors i structs

És molt freqüent tenir un apuntador a un struct, i voler referenciar un camp de l'struct apuntat

També serveix per apuntadors a classes, per triar els atributs i els mètodes de la classe

Notació còmoda: `p->camp` equival a `(*p).camp`

Exemple:

```
Estudiant* pe;
```

```
...
```

```
pe = &(...);
```

```
...
```

```
// si te_nota() és un mètode i dni un atribut públic (ecs!)  
if (pe->te_nota()) { cout << pe->dni << endl; }
```

Ho hem vist abans:

apuntador `this` al paràmetre implícit. (`*this`, `this->`)

Definint un apuntador

Quan declarem un apuntador `T* p`, està *indefinit*. El definim:

- ▶ Fent-lo apuntar a un objecte del tipus `T` ja existent:
`p = q` o `p = &x;`
- ▶ O donant-li el valor `nullptr`, per explicitar “no referencia res”
- ▶ Reservant memòria perquè apunti *a un nou objecte*:
`p = new T;`
 - ▶ Aquest objecte no tindrà nom propi: només `*p`
 - ▶ Queda sense nom (inaccessible!) si modifiquem `p`

new and delete

Operacions de gestió de memòria dinàmica:

- ▶ `new T`: reserva memòria dinàmica per a un nou objecte, li aplica la creadora de T i retorna un apuntador a ell
- ▶ `delete p`: aplica la destructora del tipus a l'objecte apuntat per p i allibera la memòria que ocupa ("esborra" l'objecte)
- ▶ Atenció: "delete p" NO esborra p; esborra l'objecte apuntat per p
- ▶ el valor de p després de `delete p` és indefinit

Exemples

```
class T {
    int camp1;
    bool camp2;
};

void f(...) {
    T x;           // es crida la creadora de T
    x.camp1 = 20; x.camp2 = true;
    T* p = new T; // p apunta a un objecte nou;
                // crida la creadora de T
    p->camp1 = 30; p->camp2 = false;
    // ... treballar amb x i *p
    delete p;    // es crida destructora de T
                // i s'allibera *p; p indefinit
    // i aquí es crida destructora de T amb x
}
```

new and delete: Errors

- ▶ Deixar memòria sense alliberar (objectes dinàmics sense esborrar): *Memory leaks*
- ▶ Accedir a memòria ja alliberada (objectes esborrats). Ull amb l'aliasing
- ▶ delete de memòria no creada amb new
- ▶ confondre “`p = nullptr`” amb “`delete p`”
 - ▶ els dos s'hauran d'usar, però en circumstàncies diferents

Exemples d'errors

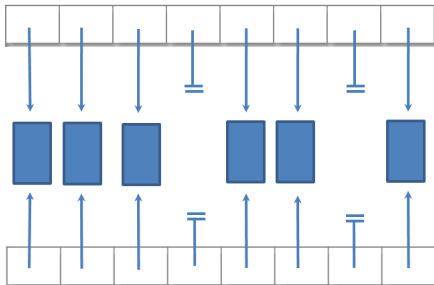
```
void f(...) {
    T x; ... assignar valor a x ...
    T* p = &x;
    T* q = new T;
    T* r = q; // r i q apunten al mateix valor
    T* s = new T;
    ...
    delete p; // ERROR: *p no creat amb new
    delete q; // OK
    if ((q->camp1 == 0) {...} // ERROR: *q no existeix
    if (q == nullptr) {...} // ERROR: no sabem què val q
    r->camp1 = 3; // ERROR: *r ha estat alliberat amb delete q
    // ERROR: no fem delete s i (*s) es fa inaccessible: leak!
}
```


Vectors d'apuntadors

Els apuntadors permeten moure objectes més eficientment.

```
void copiar(const vector<Estudiant*>& v, vector<Estudiant*>& w) {  
    for (int i = 0; i < v.size(); ++i) {  
        w[i] = v[i];  
        v[i] = nullptr;  
    }  
}
```

Si no posem nullptrs en v tenim:



Assignació, còpia, destrucció

Còpia:

- ▶ Assignació entre apuntadors a objectes no implica una còpia d'objectes
- ▶ Va bé definir una **operació de còpia** per al corresponent tipus. Contindrà un `new`
- ▶ També sovint es redefineix també l'operació `=`, que per definició copia atribut a atribut sense recursió.

Esborrament:

- ▶ `delete n`: no s'aplica recursivament a les components de l'objecte apuntat per `n`
- ▶ Cal definir una operació d'esborrament, que contindrà `delete`

Pas d'apuntadors com a paràmetres

Pas d'un objecte X que conté apuntadors com a paràmetre d'entrada:

- ▶ Pas per valor:
 - ▶ No podrem comptar amb que es faci una còpia dels objectes apuntats per components de X
 - ▶ Si dins de l'operació es modifica qualsevol element de X o d'objectes apuntats per components de X , el canvi és permanent
- ▶ Pas per referència constant: X no es canviarà, però no es garanteix que no es modifiquin objectes apuntats per components de X

Tipus recursius de dades: Noció, utilitat i definició

Tipus recursius de dades?

Els programes són dades més operacions (p.ex., accions o funcions)

Hem vist accions i funcions recursives:
casos directes + casos recursius

Té sentit parlar de tipus de dades recursius?

Tipus recursius de dades?

De fet, hem pensat en alguns tipus de manera recursiva:

- ▶ Piles: una pila o bé és buida o bé és push(una altra pila,valor)
- ▶ Cues, llistes: idem
- ▶ Arbres: un arbre, o bé és buit o bé és plantar(valor,arbre1,arbre2)

Només n'hem vist la implementació amb vectors, no recursiva
Una definició recursiva d'aquests tipus de dades podria donar:

- ▶ Correspondència natural amb definició recursiva
- ▶ No posar límits *a priori* en la mida

Tipus recursius de dades?

Implementació en C++??

```
class pilachars {  
    bool es_buida;  
    char valor;  
    pilachars resta_pila;  
};
```

Problema: En C++, quan es crea un objecte es crida recursivament a les creadores de totes les seves components. Procés infinit

Com es fa: la Pila

```
template <class T> class stack {
private:
    // tipus privat nou
    struct node_pila {
        T info;
        node_pila* seguent; // <-- recursivitat
    };

    int altura;           // guardada un sol cop
    node_pila* primer_node; // primer d'una cadena de nodes

    ... // especificació d'operacions privades

public:
    ... // especificació d'operacions públiques
};
```

Els apuntadors seguent no s'inicialitzen automàticament: no es creen objectes recursivament quan es crea un stack

Definició d'una estructura de dades recursiva I

Dos nivells:

- ▶ Superior: classe amb atributs
 - ▶ Informació global de l'estructura (que no volem que es repeteixi per a cada element)
 - ▶ Apuntadors a alguns elements distingits (el primer, l'últim, etc., segons el que calgui).
- ▶ Inferior: *struct* privada que defineix nodes enllaçats per apuntadors
 - ▶ informació d'un i només un element de l'estructura
 - ▶ apuntador a un o més nodes "següents"

Avantatges de les estructures de dades recursives

- ▶ Correspondència natural amb una definició recursiva abstracta
- ▶ No cal fixar a priori un nombre màxim d'elements
- ▶ Es pot anar demanant memòria per als nous nodes a mesura que s'hi volen afegir elements
- ▶ Eficiència: modificant enllaços entre nodes podem:
 - ▶ inserir o esborrar elements - sense moure els altres
 - ▶ moure parts senceres de l'estructura - sense fer còpies

Piles i cues

Implementació de piles

```
template <class T> class stack {
private:
    // tipus privat nou
    struct node_pila {
        T info;
        node_pila* seguent; // nullptr indica final de cadena
    };

    int altura;           // guardada un sol cop
    node_pila* primer_node; // primer d'una cadena de nodes

    ... // especificació d'operacions privades

public:
    ... // especificació d'operacions públiques
};
```

Mètodes públics: construcció/destrucció

```
stack() {  
    altura = 0;  
    primer_node = nullptr;  
}
```

```
stack(const stack& original) {  
    altura = original.altura;  
    primer_node = copia_node_pila(original.primer_node);  
}
```

Mètodes públics: construcció/destrucció, modificació

```
~stack() {  
    esborra_node_pila(primer_node);  
}
```

```
void clear() {  
    esborra_node_pila(primer_node);  
    altura = 0;  
    primer_node = nullptr;  
}
```

Mètodes públics: consultors

```
T top() const {  
    // Pre: el p.i. és una pila no buida  
    // = en termes d'implementacio, primer_node != nullptr  
    return primer_node->info;  
}
```

```
bool empty() const {  
    return primer_node == nullptr;  
}
```

```
int size() const {  
    return altura;  
}
```

Mètodes públics: modificadors

```
void push(const T& x) {  
    node_pila* aux = new node_pila; // espai per al nou element  
    aux->info = x;  
    aux->seguent = primer_node;  
    primer_node = aux;  
    ++altura;  
}
```


Mètodes públics: modificadors

```
void pop() {  
    // Pre: el p.i. és una pila no buida  
    // = en termes d'implementacio, primer_node != nullptr  
    node_pila* aux = primer_node; // conserva l'accés a primer  
    primer_node = primer_node->seguent; // avança  
    delete aux; // allibera l'espai de l'antic cim  
    --altura;  
}
```

Mètodes privats I

```
static node_pila* copia_node_pila(node_pila* m) {  
    /* Pre: cert */  
    /* Post: si m és nullptr, el resultat és nullptr; en cas contrari  
           el resultat apunta al primer node d'una cadena  
           de nodes que són còpia de la cadena que té  
           el node apuntat per m com a primer */  
    if (m == nullptr) return nullptr;  
    else {  
        node_pila* n = new node_pila;  
        n->info = m->info;  
        n->seguent = copia_node_pila(m->seguent);  
        return n;  
    }  
}
```

Exercici: Versió iterativa

Mètodes privats II

```
static void esborra_node_pila(node_pila* m) {  
    /* Pre: cert */  
    /* Post: no fa res si m és nullptr, en cas contrari,  
            allibera espai dels nodes de la cadena que  
            té el node apuntat per m com a primer */  
    if (m != nullptr) {  
        esborra_node_pila(m->seguent);  
        delete m;  
    }  
}
```

Exercici: Versió iterativa

Mètodes públics: redefinició operador assignació

```
stack<int> p1, p2, p3;  
...  
p1 = p2 = p3;
```

L'assignació en C++ és un operador: una funció que retorna un valor, amb paràmetre implícit que queda modificat, i un paràmetre explícit no modificable

Return (*this): necessari per a encadenaments d'assignacions

```
stack& operator=(const stack& original) {  
    if (this != &original) {  
        altura = original.altura;  
        esborra_node_pila(primer_node); // si no, leak!  
        primer_node = copia_node_pila(original.primer_node);  
    }  
    return *this;  
}
```

Implementació de cues

- ▶ Cal poder accedir tant al primer element (per consultar-lo o esborrar-lo) com a l'últim (per afegir un de nou)
- ▶ Atribut per la llargada (o mida) de la cua

Definició de la classe

```
template <class T> class queue {
    private:
        struct node_cua {
            T info;
            node_cua* seguent;
        };
        int longitud;
        node_cua* primer_node;
        node_cua* ultim_node;
        ... // especificació i implementació d'operacions privades
    public:
        ... // especificació i implementació d'operacions públiques
};
```

Mètodes privats: copiar i esborrar cadenes l

```
static node_cua* copia_node_cua(node_cua* m, node_cua* &u) {
/* Pre: cert */
/* Post: si m és nullptr, el resultat i u són nullptr; en cas contrari,
el resultat apunta al primer node d'una cadena de nodes
que són còpia de de la cadena que té el node apuntat per m
com a primer, i u apunta a l'últim node */

    if (m == nullptr) { u = nullptr; return nullptr; }
    else {
        node_cua* n = new node_cua;
        n->info = m->info;
        n->seguent = copia_node_cua(m->seguent, u);
        if (n->seguent == nullptr) u = n;
        return n;
    }
}
```

Mètodes privats: copiar i esborrar cadenes II

```
// op privada
static void esborra_node_cua(node_cua* m) {
/* Pre: cert */
/* Post: no fa res si m és nullptr, en cas contrari, allibera
        els nodes de la cadena que té el node apuntat
        per m com a primer */

    if (m != nullptr) {
        esborra_node_cua(m->seguent);
        delete m;
    }
}
```


Mètodes privats: construcció/destrucció

```
queue() {  
    longitud = 0;  
    primer_node = nullptr;  
    ultim_node = nullptr;  
}
```

```
queue(const queue& original) {  
    longitud = original.longitud;  
    primer_node = copia_node_cua(original.primer_node,  
                                ultim_node);  
}
```

```
~queue() {  
    esborra_node_cua(primer_node);  
}
```

Mètodes públics: redefinició de l'operador d'assignació

```
queue& operator=(const queue& original) {
    if (this != &original) {
        longitud = original.longitud;
        esborra_node_cua(primer_node); // si no, leak!
        primer_node = copia_node_cua(original.primer_node,
                                     ultim_node);
    }
    return *this;
}
```

Mètodes públics: modificadors I

```
void clear() {  
    esborra_node_cua(primer_node);  
    longitud = 0;  
    primer_node = nullptr;  
    ultim_node = nullptr;  
}
```

```
void push(const T& x) {  
    node_cua* aux = new node_cua;  
    aux->info = x;  
    aux->seguent = nullptr;  
    if (primer_node == nullptr) primer_node = aux;  
    else ultim_node->seguent = aux;  
    ultim_node = aux;  
    ++longitud;  
}
```

Mètodes públics: modificadors I

```
void pop() {  
    // Pre: el p.i. és una cua no buida  
    // = en termes d'implementacio, primer_node != nullptr  
    node_cua* aux = primer_node;  
    if (primer_node->seguent == nullptr) {  
        primer_node = nullptr;  ultim_node = nullptr;  
    } else primer_node = primer_node->seguent;  
    delete aux;  
    --longitud;  
}
```

Mètodes públics: consultors

```
T front() const {  
    // Pre: el p.i. és una cua no buida  
    // = en termes d'implementacio, primer_node != nullptr  
    return primer_node->info;  
}  
  
bool empty() const {  
    return longitud == 0;  
}  
  
int size() const {  
    return longitud;  
}
```

Exemple d'increment d'eficiència

```
// Pre: cert
// Post: retorna la suma dels elements de c
double suma(const queue<double>& c) {
    double s = 0;
    node_cua* aux = c.primer_node;
    while (aux != null) {
        s += aux->info;
        aux = aux->seguent;
    }
    return s;
}
```

c és const &, no és destruïda, no hi ha còpies

... però es perd la independència de la implementació

Invariants en estructures enllaçades

Se suposaran (però no es posaran) en les Pre's de totes les estructures enllaçades:

- ▶ Dos objectes diferents d'un tipus no comparteixen cap node
- ▶ Un element de l'estructura es representa per un, i només un, tipus