

## Gasolinera

=====

-- Estrategia 1: búsqueda lineal sobre la cantidad de gasolina

1. límite inferior: máxima gasolina necesaria para ir de una ciudad a su contigua
2. aplicar búsqueda lineal empezando por el límite inferior. Es decir:
  - 2.0. cantidad actual de gasolina es el límite inferior
  - 2.1. si puedo hacer el recorrido ---> retornar cantidad actual
  - 2.2. si no puedo ---> incrementar en 1 la cantidad de gasolina y volver a 2.1

Coste:  $O(n*k)$  en donde:

n: número de ciudades

k: mínima cantidad de gasolina para hacer todo el trayecto sin paradas

-- Estrategia 2: búsqueda dicotómica sobre la cantidad de gasolina

1. límite inferior: máxima gasolina necesaria para ir de una ciudad a su contigua
2. límite superior: mínima cantidad de gasolina para no hacer paradas
3. aplicar búsqueda dicotómica con esos límites inicialmente. Es decir:
  - 3.0. mientras los dos límites sean diferentes:
    - 3.1. calcular valor intermedio entre límite inferior y superior actual
    - 3.2. si puedo hacer el recorrido ---> actualizar límite superior
    - 3.3. si no puedo ---> actualizar límite inferior

Coste:  $O(n \log k)$

## Inversiones

=====

-- Estrategia 1: comprobar todos con todos

1. por cada posición i del vector
2. por cada posición j del vector tal que  $i < j$
3. comprobar si esas posiciones son inversión y actualizar el contador

Coste:  $O(n*n)$

-- Estrategia 2: modificación del algoritmo de merge sort

1. dividir en dos partes a, b el vector:
2. solve:
  - \* llamada recursiva sobre a: retorna inversiones en a y a ordenado
  - \* llamada recursiva sobre b: retorna inversiones en b y b ordenado
3. combinar:
  - \* a medida que se hace merge se puede contar las inversiones entre a y b con coste lineal
  - \* cuándo hay inversiones?:
    - + si  $a[i] > b[j]$  entonces  $a[i], \dots, a[\text{size}_a - 1]$  son inversiones con  $b[j]$
  - \* por qué?:
    - + Por el invariante del merge:
      - $a[0], \dots, a[i - 1] \leq b[j]$  (no son inversiones sobre  $b[j]$ )
    - + Como a está ordenado:
      - $a[i] \leq a[i + 1], \dots, a[\text{size}_a - 1]$
    - + Si  $b[j] < a[i]$  entonces:
      - $b[j] < a[i], \dots, a[\text{size}_a - 1]$  (son inversiones sobre  $b[j]$ )

Coste:  $O(n \log n)$